

CALCUL DES SÉQUENTS

David, Nou, Raffali
p 186-187

Déf

Un séquent est une expression de la forme $\Gamma \vdash \Delta$, où Γ et Δ sont des multi-ensembles finis de formules du 1^{er} ordre.

Idée

Le sens à donner à $\Gamma \vdash \Delta$ est que la conjonction des formules de Γ prouve la disjonction des formules de Δ .

Γ vide représente vrai, neutre de la conjonction
 Δ vide représente faux, neutre de la disjonction.

Règles LK

règles structurelles

règles des connecteurs logiques

règles des quantificateurs

Axiomes	$\frac{}{\vdash} \perp_g$	$\frac{}{\vdash} \text{ax}$
Affaiblissement	$\frac{}{\vdash} \text{aff}_g$	$\frac{}{\vdash} \text{aff}_d$
Contraction	$\frac{}{\vdash} \text{cont}_g$	$\frac{}{\vdash} \text{cont}_d$
conjonction	$\frac{}{\vdash} \wedge_g$	$\frac{}{\vdash} \wedge_d$
disjonction	$\frac{}{\vdash} \vee_g$	$\frac{}{\vdash} \vee_d$
implication	$\frac{}{\vdash} \rightarrow_g$	$\frac{}{\vdash} \rightarrow_d$
négation	$\frac{}{\vdash} \neg_g$	$\frac{}{\vdash} \neg_d$
quantification universelle	$\frac{}{\vdash} \forall_g$	$\frac{}{\vdash} \forall_d$
quantification existentielle	$\frac{}{\vdash} \exists_g$	$\frac{}{\vdash} \exists_d$
coupure	$\frac{}{\vdash} \text{coupure}$	