

## Interrogation écrite n°2

## CALCULUS - L1 PEIP

28 novembre 2023 - Durée : 30 minutes

AUCUN DOCUMENT N'EST AUTORISÉ. CALCULATRICE NON AUTORISÉE.

Chaque question comporte une et une seule bonne réponse. Veuillez noircir la case correspondante à la bonne réponse (comme ceci : , pas comme ceci ). Chaque question est notée sur 1 point. Une mauvaise réponse, une réponse vide ou une réponse avec plusieurs choix marqués rapporte 0 point. Une réponse correcte rapporte 1 point. Aucune justification n'est demandée. Aucune annotation sur cette feuille ne sera prise en compte.

## Partie 1 - Nombres complexes

**Question 1** Soit  $z_1 = i$  et  $z_2 = -1 + 2i$ . La partie réelle du nombre complexe  $Z = \overline{iz_1z_2}$  est :

- A  $i$        B  $-1$        C  $1$        D  $2$        E  $2i$        F Autre

**Question 2** Soit  $z = 4e^{i\frac{\pi}{3}}$ . La partie imaginaire de  $z^2$  est :

- A  $8\sqrt{3}$        B  $16$        C  $16\left(\frac{\pi}{3}\right)^2$        D  $4\sqrt{3}$        E  $-16$        F Autre

**Question 3** Le module du nombre complexe  $z = -\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}}$  est :

- A  $2$        B  $-2$        C  $-\sqrt{2}$        D  $1$        E  $-1 - i$        F Autre

**Question 4** La forme algébrique du nombre complexe  $z = \frac{-e^{i\frac{\pi}{2}}}{1+i}$  est

- A  $-\frac{1}{2} - \frac{1}{2}i$        B  $\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}}$        C  $\frac{-i}{1+i}$        D  $-\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}i$        E  $\frac{1}{1+i} - 1$        F Autre

**Question 5** Soit  $\omega = e^{i\frac{2\pi}{2023}}$ . La somme  $\sum_{k=1}^{2023} \omega^k$  est égale à :

- A  $2023e^{i\frac{2\pi}{2023}}$        B  $e^{i\frac{2\pi}{2023!}}$        C  $0$        D  $1$        E  $e^{2i\pi \sum_{k=1}^{2023} \frac{1}{k}}$        F Autre

N'oubliez pas les questions au verso !

## Partie 2 - Primitives et intégrales

**Question 6** Une primitive de la fonction  $f(x) = \frac{1 + \cos(x)}{\sin(x)^2}$  sur  $]0, \pi[$  est

- A  $-\frac{1 + \cos(x)}{\sin(x)}$     B  $1 + \tan(x)^2$     C  $\ln(1 + \cos(x))$     D  $-\frac{1 + \sin(x)}{\cos(x)}$     E  $\frac{\sin(x)}{1 + \cos(x)}$     F Autre

**Question 7** L'aire de l'ensemble  $D = \{(x, y) \in [0, 1] \times \mathbb{R} ; x^2 \leq y \leq e^x\}$  est

- A 1    B  $e + \frac{1}{3}$     C  $-e + 1$     D 0    E  $e - \frac{4}{3}$     F Autre

**Question 8** L'inégalité  $\left| \int_a^b f(x) dx \right| \leq \int_a^b |f(x)| dx$  est vraie...

- A ... uniquement lorsque  $f$  est positive.    B ... jamais.    C ... uniquement lorsque  $f$  est constante.  
 D ... tout le temps.    E ... uniquement lorsque  $f$  est de signe constant.    F Autre

**Question 9** La valeur de  $\int_0^\pi \sin(x)^2 dx$  est

- A 0    B 1    C  $\frac{\pi}{2}$     D  $\pi$     E  $\pi^2$     F Autre

**Question 10** La valeur de l'intégrale  $\int_{-1}^1 \sqrt{1-x^2} dx$  est

- A 1    B  $\int_0^\pi \sin(y)^2 dy$     C  $\int_0^\pi \arcsin(y) dy$     D  $\frac{1}{\sqrt{2}}$     E  $\int_0^1 \sqrt{1-\cos(y)^2} dy$     F Autre

*Indication : effectuer le changement de variable  $y = \arccos(x)$ .*