

- Ex : Les entiers naturels, les racines $n^{\text{ième}}$ de l'unité, le nombre d'or sont des entiers algébriques.
- Prop : Un rationnel est un entier algébrique si et seulement si il est entier.
- Prop : Les entiers algébriques forment un sous-anneau de $\bar{\mathbb{Q}}$.
- Cor : Soit χ caractère de G , alors pour tout $g \in G$, $\chi(g)$ est un entier algébrique.
- Prop : Soit C une classe de conjugaison de G et χ un caractère irréductible. Alors pour tout $g \in C$, le nombre complexe $|C|\chi(g)/\chi(1)$ est un entier algébrique.
- Cor : Si de plus $\text{pgcd}(|C|, \chi(1)) = 1$. Alors pour tout $g \in C$, $\chi(g)/\chi(1)$ est un entier algébrique et si $\chi(g) \neq 0$ alors $\rho(g)$ est une homothétie.
- DEV 2 : Thm de Burnside : Soient p et q deux nombres premiers distincts et α, β deux entiers positifs. Tout groupe fini d'ordre $p^\alpha q^\beta$ est résoluble.
- Cor : Si G est un groupe fini comme dans le théorème précédent avec $\alpha + \beta \geq 2$, alors G n'est pas simple.
- Cor : Le premier groupe simple non abélien est d'ordre 60, il s'agit de A_5 .

Références Livre 1, Auteur(s) 1 : Sous-partie 1, Sous-partie 3.

Livre 2, Auteur(s) 2 : Dev 1(Dev), Partie 2.

Livre 3 : Partie 3, Dev 2(Dev).

June 26, 2024

TOURY LUCAS, ENS RENNES